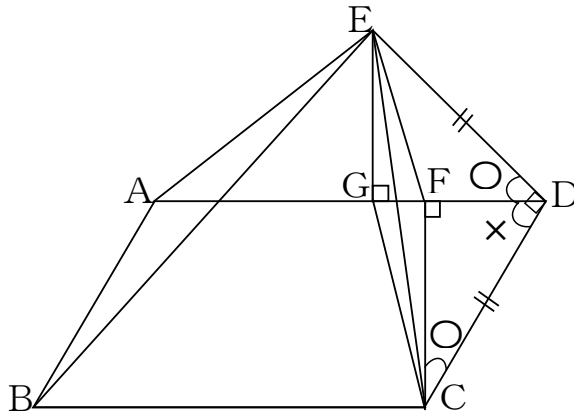




(1)

〈図1〉



点 E から辺 AD に下ろした垂線と辺 AD との交点を G とします。

$EG \parallel FC$

なので、 $\triangle ECF$ と $\triangle GCF$ の面積は等しいです。

$GF:FD$ は $\triangle GCF:\triangle FCD$ に等しいので

$$GF:FD = 2.8:7 = 2:5$$

また、 $\triangle EGD$ と $\triangle DFC$ は合同です。(図中の角度 $\bigcirc + \times = 90^\circ$ より斜辺 1 鋭

角相等)

よって

$$EG:FC = 5:2 + 5 = 5:7 \rightarrow \triangle EFD:\triangle FCD = 5:7$$

より

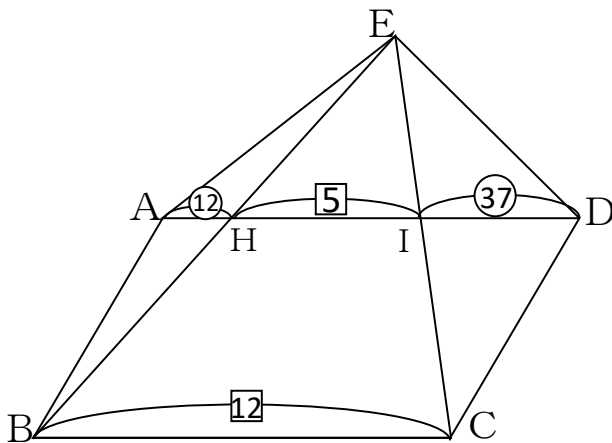
$$7 \times \frac{5}{7} = 5 \text{ (cm)} \dots \text{(答)}$$

(2)

$\triangle ECD$ の面積は $2.8 + 5 + 7 = 14.8$ (cm) なので

$AH:ID = 4.8:14.8 = 12:37$

〈図2〉



また、 $\triangle EHI$ と $\triangle EBC$ は相似で、その相似比は

$5:5+7 = 5:12$

です。

よって、

$HI:BC = 5:12$

〈図2〉で AD と BC が等しいことから

$$\textcircled{12} + \boxed{5} + \textcircled{37} = \boxed{12}$$

が成り立ちます。

これを解いて

$$\boxed{7} = \textcircled{49}, \quad \boxed{1} = \textcircled{7}$$

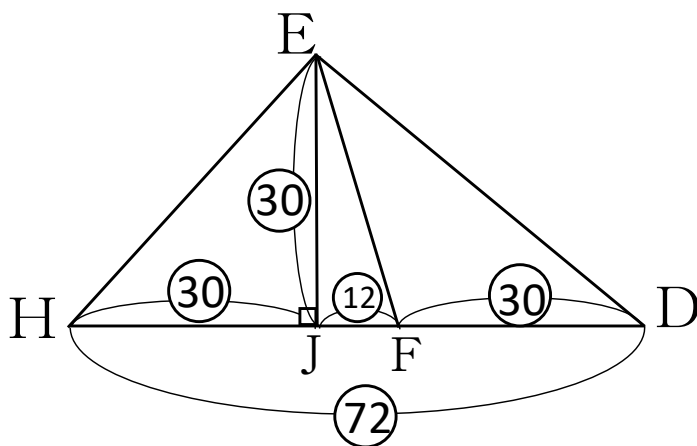
$$\boxed{12} = \textcircled{7} \times 12 = \textcircled{84}$$

内部底辺が $\textcircled{37}$ の三角形の面積が 14.8 cm^2 なので

求める面積は

$$\begin{aligned} \triangle EBC &= 14.8 \times \frac{84}{37} \\ &= 33.6 \text{ (cm}^2\text{)} \cdots \text{(答)} \end{aligned}$$

〈図3〉



点 E から辺 HD に垂線を下ろし辺 HD との交点を J とします。

$$HD = HI + ID, \quad \boxed{5} = \textcircled{35}$$

より

$$HD = \textcircled{35} + \textcircled{37} = \textcircled{72}$$

$$AH:FD = 4.8:12 = 2:5$$

$$AH = \textcircled{12} \text{ なので } FD = \textcircled{12} \times \frac{5}{2} = \textcircled{30}$$

$$JF = \textcircled{30} \times \frac{2}{5} = \textcircled{12}$$

$$HJ = \textcircled{72} - (\textcircled{12} + \textcircled{30}) = \textcircled{30}$$

$$EJ = (\textcircled{12} + \textcircled{30}) \times \frac{5}{7} = \textcircled{30}$$

よって△EHJは直角二等辺三角形

平行線における同位角は等しいので

$$\angle EBC = \angle EHJ = 45^\circ \dots (\text{答})$$