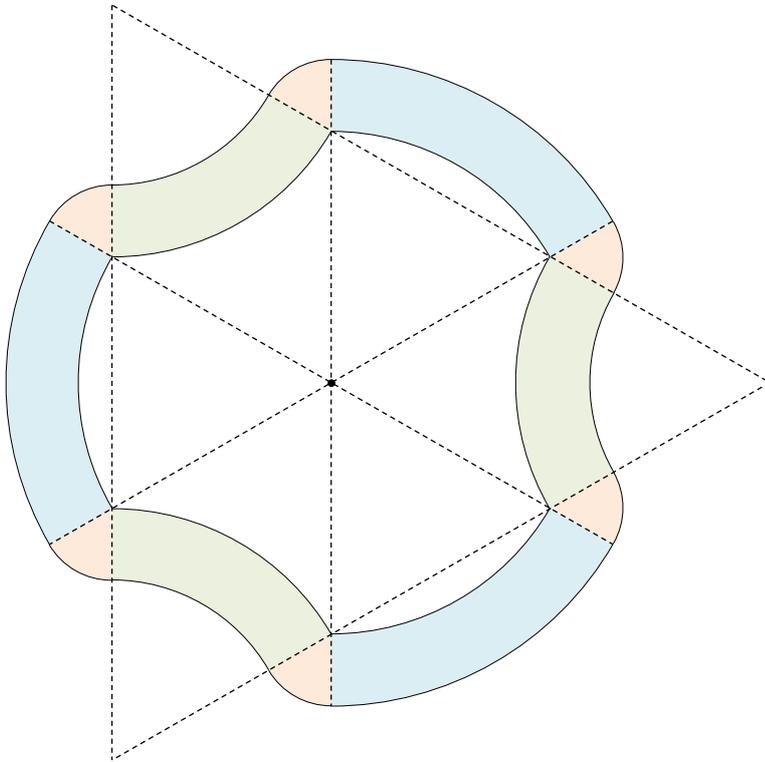




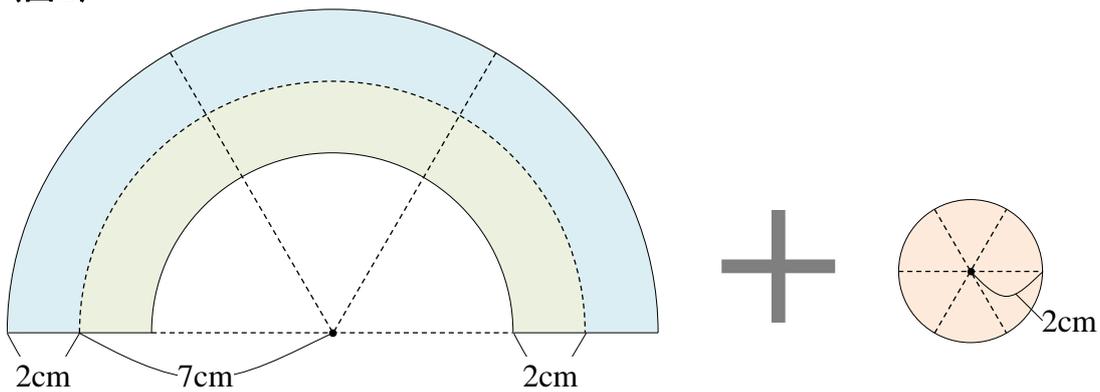
(1) 通った円の範囲を作図すると、〈図1〉のようになります。

〈図1〉



これを円の半径に着目して別の形にまとめると、〈図2〉のようになります。

〈図2〉

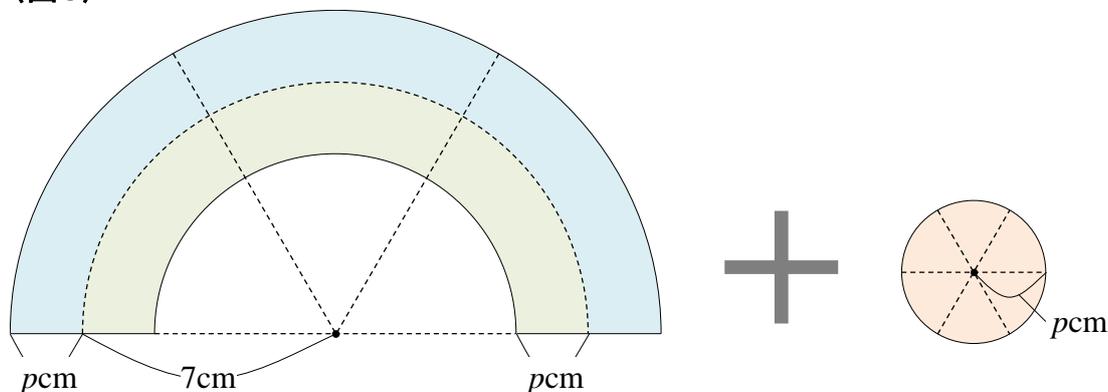


〈図2〉の面積をセンターラインの公式を利用して求めると、

$$7 \times 2 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} \times 2 \times 2 + 2 \times 2 \times \frac{22}{7} = 100 \frac{4}{7} \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots \text{(答)}$$

(2) 転がした円の直径を  $p$ cm とします。先ほどの〈図2〉にあてはめると、〈図3〉の面積が  $147.84\text{cm}^2$  ということとなります。

〈図3〉



(1)と同じように式を立てると、

$$7 \times 2 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} \times p \times 2 + p \times p \times \frac{22}{7} = 147.84 \quad \dots \textcircled{1}$$

となるので、①の式を解き、その解の半分の値が答です。

$$p \times 2 \times 22 + p \times p \times \frac{22}{7} = \frac{3696}{25}$$

$$22 \times p \times \left(2 + \frac{p}{7}\right) = \frac{3696}{25}$$

$$p \times \left(2 + \frac{p}{7}\right) = \frac{168}{25} \quad \dots \textcircled{2}$$

ここで、 $p = 7 \times q$ とおき、これを②に代入します。

$$7 \times q \times \left(2 + \frac{7 \times q}{7}\right) = \frac{168}{25}$$

$$q \times (2 + q) = \frac{24}{25}$$

$$\frac{q \times 5 \times (2 \times 5 + q \times 5)}{25} = \frac{24}{25}$$

$$q \times 5 \times (10 + q \times 5) = 24$$

$24 = 2 \times 12$ なので、

$$q \times 5 = 2$$

$$q = \frac{2}{5}$$

$$p = 7 \times \frac{2}{5}$$

$$= 2.8$$

よって、求める半径  $a$  は、

$$a = 2.8 \div 2 = 1.4 \quad \dots (\text{答})$$